

模块一 排列与组合 (★★★)

内容提要

本节归纳排列组合有关问题，下面先复习排列数、组合数的计算公式.

①排列数公式： $A_n^m = n(n-1)(n-2)\cdots(n-m+1) = \frac{n!}{(n-m)!}$ ，其中 $m, n \in \mathbf{N}^*$ ，且 $m \leq n$.

②组合数公式： $C_n^m = \frac{A_n^m}{A_m^m} = \frac{n(n-1)(n-2)\cdots(n-m+1)}{m!} = \frac{n!}{m!(n-m)!}$ ，其中 $m, n \in \mathbf{N}^*$ 且 $m \leq n$ ，另外，我们规

定 $C_n^0 = 1$.

排列组合问题种类繁多，有难有易，本节将梳理一些考试中常见的题型，每种题型都有自己的独特特征，处理方法也有一些差异，对它们进行归纳总结，是有必要的.

1. 考查两个计数原理的简单题型：相关考题属概念题，难度不高，解题的核心是分清楚何时分类，何时分步，做到分类标准清晰，分步层次清楚，不重不漏即可.

2. 特殊元素优先考虑：对有限制条件的排列组合问题，常先把那些有特殊要求的元素安排好，再排其它没有要求的元素.

3. 元素相邻问题：若排列时，要求某些元素必须相邻，则可将必须相邻的元素捆绑在一起，看成一个元素，再与其它元素进行排列，但需注意捆绑的元素内部可交换顺序.

4. 元素不相邻问题：若排列时，要求某些元素不能相邻，则先把其它元素排好，再将不能相邻的元素插入到空位中即可.

5. 分组分派问题：把 m 个人安排到 $n(m > n)$ 项工作，每人只安排一项工作，每项工作至少安排一人，这类问题常采用先分后排的方法处理，可先把 m 个人分成 n 组，再将 n 组人员派到 n 项工作.

6. 排数字问题：这类题可画出数位，往数位上依次填入数字即可.

①若供选择的数字中有 0，则 0 不能排最高位，故常先用其它数字把最高位排了；

②若要求排出的数是奇数或偶数，则考虑最低位的数字为奇数数字或偶数数字；

③若要求排出的数字比某数大或比某数小，则先排最高位的数字，因为最高位对数的大小的影响最重.

7. 染色问题：这类问题常用“跳格分类”的方法处理，详见本节类型 VII.

典型例题

类型 I：两个计数原理的简单应用

【例 1】(2020·新高考 I 卷) 6 名同学到甲、乙、丙三个场馆做志愿者，每名同学只去 1 个场馆，甲场馆安排 1 名，乙场馆安排 2 名，丙场馆安排 3 名，则不同的安排方法共有 ()

(A) 120 种 (B) 90 种 (C) 60 种 (D) 30 种

解析：按照甲、乙、丙各场馆的人数要求，分三步从 6 人中依次选出对应的人进行安排即可，

第一步，从 6 名同学中选 1 名安排到甲场馆，有 C_6^1 种方法；

第二步，从余下的 5 名同学中选 2 名安排到乙场馆，有 C_5^2 种选法；

第三步，从余下的 3 名同学中选 3 名安排到丙场馆，有 C_3^3 种选法；

由分步乘法计数原理，不同的安排方法共有 $C_6^1 C_5^2 C_3^3 = 60$ 种.

答案：C

【变式 1】 一个宿舍的 6 名同学被邀请参加一个节目，要求必须有人去，但去几个人可自行决定，其中甲和乙两名同学要么都去，要么都不去，则该宿舍同学的去法共有 ()

(A) 15 种 (B) 28 种 (C) 31 种 (D) 63 种

解析：从条件来看，可按甲乙都去、都不去分类考虑，

①若甲乙都去，则剩下的 4 人可以去 0 人、1 人、2 人、3 人、4 人，有 $C_4^0 + C_4^1 + C_4^2 + C_4^3 + C_4^4 = 16$ 种去法；

②若甲乙都不去，则剩下的 4 人可以去 1 人、2 人、3 人、4 人，有 $C_4^1 + C_4^2 + C_4^3 + C_4^4 = 15$ 种去法；

由分类加法计数原理，该宿舍同学的去法共有 $16 + 15 = 31$ 种.

答案：C

【变式 2】 某学校开设 4 门球类运动课程，5 门田径类运动课程和 2 门水上运动课程供学生学习，某位学生要从中选 2 门不同类型的运动课程，则不同的选法有 _____ 种. (用数字作答)

解析：选出的两门课程不同类，可按课程类型进行分类，

①若选 1 门球类 1 门田径类，则有 $C_4^1 C_5^1 = 20$ 种；

②若选 1 门球类 1 门水上运动，则有 $C_4^1 C_2^1 = 8$ 种；

③若选 1 门田径类和 1 门水上运动，则有 $C_5^1 C_2^1 = 10$ 种；

由分类加法计数原理，不同的选法共有 $20 + 8 + 10 = 38$ 种.

答案：38

【变式 3】 从 5 男 3 女共 8 名学生中选出班长 1 人，副班长 1 人，纪律委员 1 人，要求至少有 1 名女生入选，共有 _____ 种不同的选派方法. (用数字作答)

解法 1：事情可分两步完成，第一步，先确定选出来的是哪三人，由于女生至少选 1 人，故又按女生的人数分三类，

若女生选 1 人，则有 $C_3^1 C_5^2 = 30$ 种选法；若女生选 2 人，则有 $C_3^2 C_5^1 = 15$ 种选法；

若全部选女生，则有 $C_3^3 = 1$ 种选法；故选人的方法共有 $30 + 15 + 1 = 46$ 种，

第二步，将选出的三人安排职位，可任意安排，安排职位的方法有 $A_3^3 = 6$ 种，

由分步乘法计数原理，共有 $46 \times 6 = 276$ 种不同的选派方法.

解法 2：题干只有女生至少选 1 人这一个限制条件，可先不考虑它，求出共有多少种选派方法，

若不管选到的 3 人是否有女生，则直接从 8 人中选 3 人并安排职位即可，有 $A_8^3 = 336$ 种选派方法；

再考虑不满足要求的，即没有女生入选的情形，并在前面的总数中将其减掉，

若没有女生入选，则有 $A_5^3 = 60$ 种选派方法；所以满足要求的不同选派方法共有 $336 - 60 = 276$ 种.

答案：276

【反思】间接法是带限制条件的计数问题中常用的方法，分析时可先不考虑某限制条件，求出有几种方法，再计算不满足该限制条件的有几种方法，两者相减即得所求答案.

类型 II：特殊元素优先考虑

【例 2】从某学习小组的 8 人中选 2 人分别担任组长和副组长，其中甲不能担任组长，则不同的选派方法共有_____种. (用数字作答)

解法 1: 甲是有特殊要求的人，可优先考虑甲，但甲不一定被选到，故分类，

①若甲被选到，则甲只能担任副组长，只需从剩下 7 人中选 1 人担任组长即可，有 $A_7^1 = 7$ 种选法；

②若甲未被选到，则从剩下的 7 人中选 2 人分别担任组长和副组长，有 $A_7^2 = 42$ 种选法；

由分类加法计数原理，不同的选派方法共有 $7 + 42 = 49$ 种.

解法 2: 组长不能是甲，所以组长是有特殊要求的职位，故也可先考虑组长，于是分两步来做，

第一步，安排组长，可从除甲外的 7 人任选 1 人担任组长，有 A_7^1 种方法；

第二步，安排副组长，从剩下的 7 人任选 1 人担任副组长即可，有 A_7^1 种方法；

由分步乘法计数原理，不同的选派方法共有 $A_7^1 A_7^1 = 49$ 种.

答案: 49

【变式】从某学习小组的 8 人中选 2 人分别担任组长和副组长，其中甲不能担任组长，乙不能担任副组长，则不同的选派方法有_____种. (用数字作答)

解法 1: 甲和乙是有特殊要求的人，可优先考虑他们，但他们不一定被选到，故据此分类，

①若甲、乙都入选，则只能甲担任副组长，乙担任组长，只有 1 种；

②若甲入选、乙未入选，则甲担任副组长，再从除甲、乙外的 6 人中选 1 人担任组长，有 $A_6^1 = 6$ 种；

③若甲未入选、乙入选，则乙担任组长，再从除甲、乙外的 6 人中选 1 人担任副组长，有 $A_6^1 = 6$ 种；

④若甲和乙都未入选，则从其余 6 人中选 2 人，分别担任组长和副组长即可，有 $A_6^2 = 30$ 种；

由分类加法计数原理，共有 $1 + 6 + 6 + 30 = 43$ 种不同的选派方法.

解法 2: 组长和副组长都有特殊要求，故也可优先考虑他们，不妨先考虑组长，组长可从除甲外的任意 7 人中选，但组长是乙与组长是其余 6 人之一，接下来副组长的情形不同，故可按组长是否为乙分类，

①若乙担任组长，则副组长的限制可不考虑了，从剩下的 7 人中任选 1 人担任副组长即可，有 $A_7^1 = 7$ 种；

②若乙不担任组长，由于甲也不能担任组长，所以应从其余 6 人中选 1 人来担任，有 A_6^1 种选法，

接下来的副组长不能是乙和刚才选为组长的人，也有 A_6^1 种选法，故这种情况共有 $A_6^1 A_6^1 = 36$ 种；

由分类加法计数原理，不同的选派方法有共有 $7 + 36 = 43$ 种.

答案: 43

【反思】站在不同的角度来分类，复杂度可能不一样，因此分析前应先做预判，尽可能选择标准清晰且种类数较少的分类方法.

【例 3】2 名男同学 3 名女同学排成一排照相，若最左边不是男同学，则不同的照相方法有_____种。（用数字作答）

解法 1：最左边的位置有特殊要求，故先考虑它，可先从 3 名女同学中选 1 名排在最左边，有 A_3^1 种排法，其余位置可任意排，有 A_4^4 种排法，由分步乘法计数原理，全部的照相方法有 $A_3^1 A_4^4 = 72$ 种。

解法 2：男同学是有特殊要求的人，他们不能排最左边的位置，故也可先排男同学，

第一步，2 名男同学可排右侧 4 个位置中的任意 2 个，有 A_4^2 种排法，

第二步，排 3 名女同学，可在剩下的 3 个位置上任意排，有 A_3^3 种排法，

由分步乘法计数原理，全部的照相方法有 $A_4^2 A_3^3 = 72$ 种。

答案：72

【变式】5 名同学站成一排进行诗歌朗诵，若甲不站最左边，乙不站最右边，则不同的站法有_____种。（用数字作答）

解析：甲乙都是有特殊要求的元素，可优先考虑他们，不妨先考虑甲，甲站中间几个位置和站最右边的位置，对乙的排位有不同影响，故分类，

①若甲站最右边，如图 1，则乙的限制条件必定满足，剩下 4 人可任意排，这一类有 $A_4^4 = 24$ 种排法；

②若甲不站最右边，则甲只能站中间 3 个位置，有 A_3^1 种排法，甲排好后如图 2，

此时由于乙也是有特殊要求的元素，且他的要求尚未满足，故接下来又考虑乙，

乙不能排最右边，所以乙有 A_3^1 种排法，乙排好后如图 3，余下的 3 个位置可随便排了，有 A_3^3 种排法，

故这一类共有 $A_3^1 A_3^1 A_3^3 = 54$ 种排法；由分类加法计数原理，不同的站法有 $24 + 54 = 78$ 种。



图1



图2

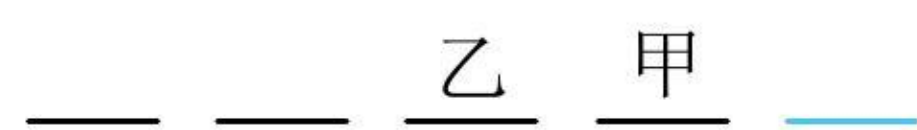


图3

答案：78

【总结】在计数问题中，若某些元素有特殊要求，往往优先考虑这些有特殊要求的元素，再考虑其它元素。

类型III：元素相邻—捆绑法

【例 4】现有 A, B, C, D, E 五人要站成一排，若 A, B 必须相邻，则共有_____种站法。（用数字作答）

解析：元素相邻用捆绑法， A 和 B 必须相邻，将其捆绑看成 1 个人，与其它 3 人一起排列，有 A_4^4 种；

捆绑的 A 和 B 彼此可交换顺序，如图，交换的方法有 A_2^2 种，所以全部的站法有 $A_4^4 A_2^2 = 48$ 种。

答案：48

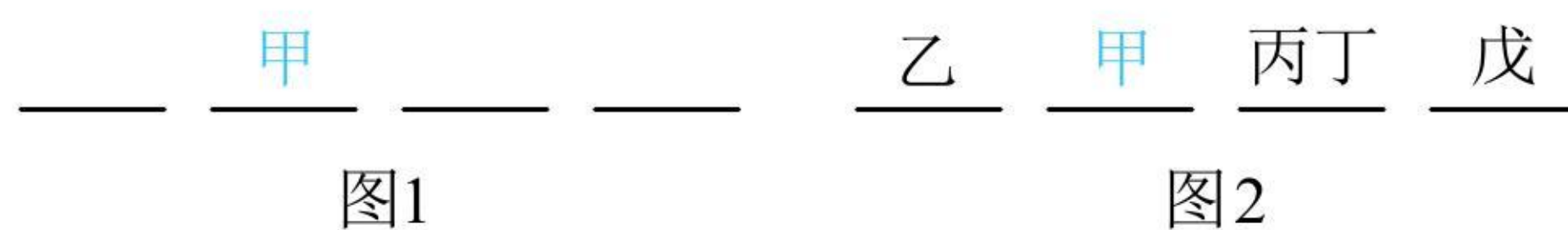


【变式】（2022·新高考 II 卷）甲、乙、丙、丁、戊 5 名同学站成一排参加文艺汇演，若甲不站在两端，丙和丁相邻的不同排列方式有（ ）

(A) 12 种 (B) 24 种 (C) 36 种 (D) 48 种

解析：丙和丁相邻，将其捆绑看成 1 人，与剩下 3 人一起排列，排列时由于甲不站两端，先考虑甲，如图 1，甲在中间两个位置选 1 个，有 A_2^1 种排法，剩下 3 人（丙丁看成 1 人）有 A_3^3 种排法，如图 2，丙丁彼此可交换，交换的方法有 A_2^2 种，由分步乘法计数原理，不同排列方式共有 $A_2^1 A_3^3 A_2^2 = 24$ 种。

答案：B



【总结】某些元素必须相邻的排列问题，可将必须相邻的元素捆绑在一起，看成一个元素，与其它元素进行排列，但需注意，捆在一起的元素内部可交换顺序。

类型IV：元素不相邻—插空法

【例 5】某晚会有 3 个歌唱类节目，2 个舞蹈类节目，要求 2 个舞蹈节类目不相邻，则不同的节目顺序有 _____ 种。

解析：元素不相邻用插空法，第一步，先排 3 个歌唱节目，有 A_3^3 种，排好后产生 4 个空位，如图；

第二步，将 2 个舞蹈节目插入其中的 2 个空位，有 A_4^2 种；

由分步乘法计数原理，不同的节目顺序有 $A_3^3 A_4^2 = 72$ 种。

答案：72

《一数·高考数学核心方法》



【变式】2022 年 11 月 30 日，神舟十四号宇航员陈冬、刘洋、蔡旭哲和神舟十五号宇航员费俊龙、邓清明、张陆顺利“会师太空”，为记录这一历史时刻，他们准备在天和核心舱合影留念. 假设 6 人站成一排，要求神舟十四号三名航天员互不相邻，且神舟十五号三名航天员也互不相邻，则他们的不同站法共有 () 种。

(A) 72 (B) 144 (C) 36 (D) 108

解析：元素不相邻用插空法，此处有两组元素都要求不相邻，可先将其中一组排好，对另一组插空，

为了便于观察，把神舟十四号、十五号的宇航员依次简记为 A_{14} , B_{14} , C_{14} , D_{15} , E_{15} , F_{15} ,

先把神舟十四号的三名字航员排好，有 A_3^3 种排法，排好后产生 4 个空位，如图，

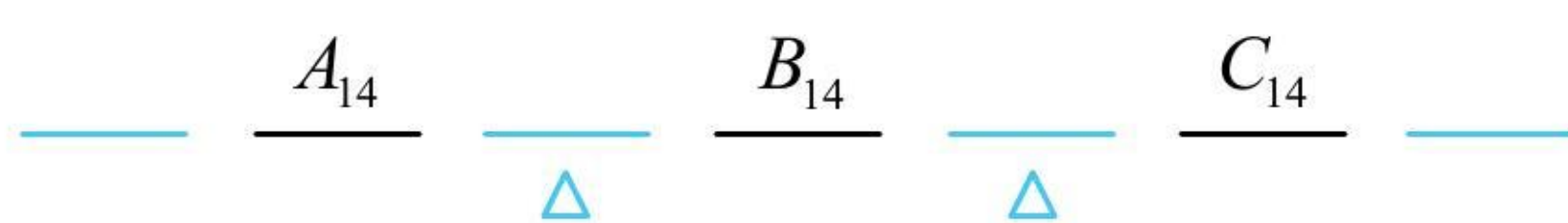
再将神舟十五号的三名字航员插空，由于 A_{14} , B_{14} , C_{14} 也不能相邻，所以中间两个空位必须插，

故可从 D_{15} , E_{15} , F_{15} 中选两人，填入中间的两个空位，有 A_3^2 种方法，

最后一名宇航员可在左右两边的空位选一个排过去，有 A_2^1 种排法；

由分步乘法计数原理，不同的站法共有 $A_3^3 A_3^2 A_2^1 = 72$ 种。

答案：A



【总结】某些元素不能相邻的排列问题，可先将其它元素排好，再把不能相邻的这些元素插入空位中。

类型V：先分后派

【例6】将6本不同的书分成三份。

(1) 若每份2本，则共有_____种不同的分法；

(2) 若一份4本，其余两份都是1本，则共有_____种不同的分法。

解析：(1) 可以分三步完成，第一步，从6本书中选2本作为一份，有 C_6^2 种选法，

第二步，从余下的4本书中选2本作为一份，有 C_4^2 种选法，

第三步，将最后的2本书选出来作为一份，有 C_2^2 种选法，

由分步乘法计数原理，共有 $C_6^2 C_4^2 C_2^2 = 90$ 种分法；

答案是90吗？不是！因为在这个问题中，并未指定三份书的顺序，我们可以用下述表格来罗列其中一种分法，看看重复了几遍，为了便于阐释，我们把6本书编号为A, B, C, D, E, F,

C_6^2	AB	AB	CD	CD	EF	EF
C_4^2	CD	EF	AB	EF	AB	CD
C_2^2	EF	CD	EF	AB	CD	AB

上表中六列对应的分法其实是一样的，都是AB, CD, EF各自分一份，但按 $C_6^2 C_4^2 C_2^2$ 来算就计了6次。事实上，每种分法都计了6次，这个6怎么来的呢？其实就是AB, CD, EF三份书的排列方法数 A_3^3 ，为了抵消同样的三份书选择的先后顺序，应除以 A_3^3 ，

本题消序后共有 $\frac{C_6^2 C_4^2 C_2^2}{A_3^3} = 15$ 种不同的分法。

(2) 还是仿照前面的做法，先一步一步把每一份书选出来，

第一步，从6本书中选4本作为一份，有 C_6^4 种选法，

第二步，从余下的2本书中选1本作为一份，有 C_2^1 种选法，

第三步，将最后的1本书选出来作为一份，有 C_1^1 种选法，

由分步乘法计数原理，共有 $C_6^4 C_2^1 C_1^1 = 30$ 种分法；

注意到三份书中有两份本数是一样的，将这两份彼此交换，得到的是相同的分法，例如， $\{ABCD, E, F\}$ 和 $\{ABCD, F, E\}$ 是同一种分法，为了抵消相同本数的两份选择的顺序，应在上面结果基础上除以 A_2^2 ，

本题消序后共有 $\frac{C_6^4 C_2^1 C_1^1}{A_2^2} = 15$ 种不同的分法。

答案：15；15

【总结】在不同元素的分组问题中，若有某些组的元素个数相同，则逐步选出每组元素后，必须消序。例

如,按 $3+3+2+2+2+1$ 来分组,由于有两组都是3个元素,这两组要除以 A_2^2 消序,有三组都是2个元素,这三组要除以 A_3^3 消序,其它情形以此类推.

【变式】将 A, B, C, D, E, F 六名医生安排到甲、乙、丙三所医院,若每个医院至少安排一名医生,每名医生只去一所医院,且医生 A 不去甲医院,则不同的安排方法有_____种.(用数字作答)

解析:医生的人数比医院数多,故可先将医生进行分组,使组数与医院数相等,便于安排,将6人分成三组,从人数构成来看,有 $1+1+4, 2+2+2, 1+2+3$ 三种,下面分别考虑,

若按 $1+1+4$ 分组,则有 $\frac{C_6^1 C_5^1 C_4^4}{A_2^2} = 15$ 种分法;若按 $2+2+2$ 分组,则有 $\frac{C_6^2 C_4^2 C_2^2}{A_3^3} = 15$ 种分法;

若按 $1+2+3$ 分组,则有 $C_6^1 C_5^2 C_3^3 = 60$ 种分法;所以分组的方法共有 $15+15+60=90$ 种,

无论哪种分组结果,接下来派到医院的过程都是一样的,故可统一考虑,

将分好的三组医生派到三所医院,由于医生 A 不去甲医院,所以 A 所在的那一组派到乙或丙医院,有 A_2^1 种派方法,另外两组医生可随意派,有 A_2^2 种派方法;

由分步乘法计数原理,不同的安排方法有 $90A_2^2 A_2^2 = 360$ 种.

答案: 360

【总结】诸如将 m 个人安排到 $n(m > n)$ 项工作,且每人只安排一项工作,每项工作至少安排一人这类问题,考虑用先分后派的方法.分组时需注意,若涉及某几组人数相同,则选出每组人员后,还必须消序.

《一数·高考数学核心方法》

类型VI: 排数字问题

【例7】用数字0, 1, 2, 3, 4, 5, 6可以组成没有重复数字的四位数_____个.

解析:要组成没有重复数字的4位数,唯一的要求就是0不能排最高位,故先考虑最高位,

第一步,从除0外的6个数字中选1个排在最高位,有 A_6^1 种排法;

第二步,从余下的6个数字中选3个排在后面的三位,有 A_6^3 种排法;

由分步乘法计数原理,共可组成没有重复数字的四位数 $A_6^1 A_6^3 = 720$ 个.

答案: 720

【变式1】用数字0, 1, 2, 3, 4, 5, 6可以组成没有重复数字的四位偶数_____个.

解法1:由于是四位偶数,所以除了0不能排最高位之外,还有最低位应为偶数数字,可先考虑最高位,最高位排奇数数字,还是偶数数字,对接下来最低位的安排有影响,故应分类,

①若最高位排奇数数字,则可从1, 3, 5中选1个排在最高位,有 A_3^1 种排法,

再考虑最低位,可从0, 2, 4, 6中选1个排在最低位,有 A_4^1 种排法,排好后如图1,

中间的两个位置可任意排,有 A_5^2 种排法,故这一类共有 $A_3^1 A_4^1 A_5^2 = 240$ 种;

②若最高位排偶数数字,则可从2, 4, 6中选1个排在最高位,有 A_3^1 种排法,

再考虑最低位，偶数数字已用掉一个，可从余下的3个中选1个排最低位，有 A_3^1 种排法，排好后如图2，中间的两个位置可任意排，有 A_5^2 种排法，故这一类共有 $A_3^1 A_3^1 A_5^2 = 180$ 种；

由分类加法计数原理，满足条件的四位偶数共有 $240 + 180 = 420$ 个。

解法2：也可以先考虑最低位，最低位排0和排其他偶数，对接下来最高位的影响不同，故应分类，

①若最低位是0，如图3，其他三位可任意排，故这一类有 $A_6^3 = 120$ 种；

②若最低位不是0，则最低位可从2, 4, 6中选1个排上去，有 A_3^1 种排法，排好后如图4，

接下来最高位不能是0，故又考虑最高位，0和最低位已排的数字不能用，还剩5个数字，有 A_5^1 种排法，

中间2位可从余下的5个数字中任选2个排上去，有 A_5^2 种排法，故这一类有 $A_3^1 A_5^1 A_5^2 = 300$ 种；

由分类加法计数原理，满足条件的四位偶数共有 $120 + 300 = 420$ 个。

答案：420



【变式2】用数字0, 1, 2, 3, 4, 5, 6可以组成没有重复数字的四位数，其中比3000大的有_____个。

解析：涉及比某数大或比某数小的问题，往往先排最高位，

排出的数要比3000大，只需最高位为3, 4, 5, 6即可，所以最高位有 A_4^1 种排法，

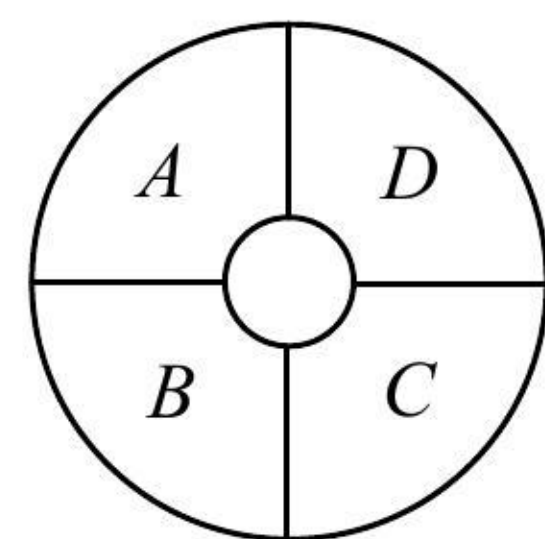
其余三位可随便排，有 A_6^3 种排法，由分步乘法计数原理，满足要求的四位数有 $A_4^1 A_6^3 = 480$ 个。

答案：480

【总结】从上面的几道题可以看出，对于排数字问题，常画出数位，综合应用两个计数原理来分析每个数位该怎么填，需注意三点：①数字0不能排最高位；②若对奇偶有要求，则考虑最低位的数字的奇偶；③若对数字的大小有要求，则常先排最高位的数字。

类型VII：染色问题

【例8】如图，一环形花坛分成A, B, C, D四块，现有4种不同的花可供选择，要求在每块里种1种花，相邻的两块种不同的花，则不同的种法总数为_____。



解析：为了便于阐述，我们将4种花编号为1, 2, 3, 4，不妨先种A这一块，有 C_4^1 种种法，

接下来种哪块呢？由于C和A种相同的花或不同的花，接下来B, D的考虑方法有区别，故对C分类，

若C与A种相同的花，如图1，则C有1种种法，而B, D各自都可从余下的3种花中选一种来种，

所以B, D都有 C_3^1 种种法，结合A有 C_4^1 种种法知这一类共有 $C_4^1 C_3^1 C_3^1 = 36$ 种不同的种法；

若C与A种不同的花，如图2，则C有 C_3^1 种种法，而B, D各自都可从余下的2种花中选一种来种，

所以 B, D 都有 C_2^1 种种法, 故这一类共有 $C_4^1 C_3^1 C_2^1 C_2^1 = 48$ 种不同的种法;

由分类加法计数原理, 不同的种法总数为 $36 + 48 = 84$ 种.

答案: 84

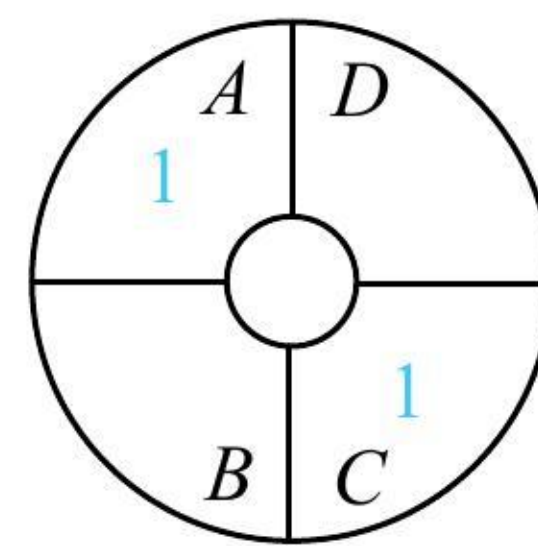


图1

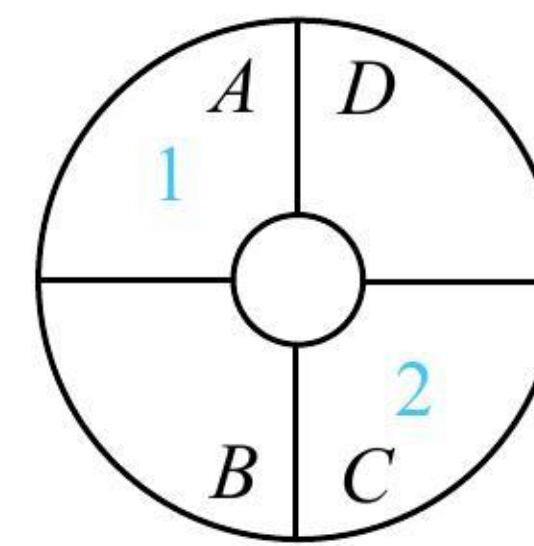


图2

【反思】 染色问题常采用“跳格分类”的方法处理, 例如本题中 A, C 之间跳了一格, 故可按 A, C 相同和 A, C 不同分类, 再来考虑 B, D .

强化训练

1. (2023·山西吕梁模拟·★) 某大学食堂备有 4 种荤菜, 8 种素菜, 2 种汤, 现要配成一荤一素一汤的套餐, 则可以配成不同的套餐种数为 ()

- (A) 14 (B) 64 (C) 72 (D) 80

2. (2023·全国乙卷·★★) 甲乙两位同学从 6 种课外读物中各自选读 2 种, 则这两人选读的课外读物中恰有 1 种相同的选法共有 ()

- (A) 30 种 (B) 60 种 (C) 120 种 (D) 240 种

3. (2022·福建模拟·★★) 某校开设 A 类选修课 4 门, B 类选修课 3 门, 某位同学要从中选 3 门课, 要求这三门课不是同一类, 则不同的选法共有_____种.

《一数·高考数学核心方法》

4. (2023·全国甲卷·★★) 有 5 名志愿者参加社区服务, 共服务星期六、星期天两天, 每天从中任选 2 人参加服务, 则两天中恰有 1 人连续参加服务的选择种数为 ()

- (A) 120 (B) 60 (C) 40 (D) 30

5. (2023·四川成都模拟·★★) 六个人从左至右排成一行, 最左端只能排甲或乙, 最右端不能排甲, 则不同的排法共有 ()

- (A) 192 种 (B) 216 种 (C) 240 种 (D) 288 种

6. (2022·江苏盐城模拟·★★) 2022年冬奥会吉祥物“冰墩墩”与冬残奥会吉祥物“雪容融”有着可爱的外表和丰富的寓意,深受全国人民的喜爱.某商店有3个不同造型的“冰墩墩”和4个不同造型的“雪容融”吉祥物展示在柜台上,要求“冰墩墩”和“雪容融”彼此间隔排列,则不同的排列方法有_____种.

7. (2023·重庆模拟·★★★★) 春节文艺汇演中需要将 A, B, C, D, E, F 六个节目进行排序,若 A, B 两个节目必须相邻,且都不能排在3号位置,则不同的排序方式有_____种.

8. (2023·宁夏模拟·★★★★) 五声音阶是中国古乐基本音阶,故有成语“五音不全”,中国古乐中的五声音阶依次为宫、商、角、徵、羽,把这五个音阶排成一行,形成一个音序,若徵、羽两音阶相邻且在宫音阶之后,则可排成不同的音序的种数为_____.(用数字作答)

9. (2022·广州二模·★★★★) 现有甲、乙、丙、丁、戊、己6名同学在比赛后合影留念,若甲、乙二人必须相邻,且丙、丁二人不能相邻,则符合要求的排列方法有_____种.

10. (2023·吉林长春模拟·★★★★) 某校选派 4 名党员干部, 下沉到两个街道社区做志愿服务, 每名党员只能选择去一个社区, 每个社区里至少要有一名该校党员, 则不同的安排方法共有 ()

- (A) 10 种 (B) 14 种 (C) 16 种 (D) 20 种

11. (2022·山东青岛模拟·★★★★) 将 8 块完全相同的巧克力分配给 A, B, C, D 四人, 每人至少分到 1 块且最多分到 3 块, 则不同的分配方案共有 _____ 种. (用数字作答)

12. (2021·全国乙卷·★★★★) 将 5 名北京冬奥会志愿者分配到花样滑冰、短道速滑、冰球和冰壶 4 个项目进行培训, 每名志愿者只分配到 1 个项目, 每个项目至少分配 1 名志愿者, 则不同的分配方案共有 ()

- (A) 60 种 (B) 120 种 (C) 240 种 (D) 480 种

13. (2023·全国模拟·★★★★) 安排 5 名学生去 3 个社区进行志愿者服务, 每人只去 1 个社区, 要求每个社区至少安排 1 名学生, 则不同的安排方法有 ()

- (A) 360 种 (B) 300 种 (C) 150 种 (D) 125 种

14. (2023·全国模拟·★★) 由数字 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 组成没有重复数字的三位数, 则能被 5 整除的三位数共有_____个.

15. (2022·北京模拟·★★★★) 用 0, 1, 2, 3, 4, 5 这六个数字可以组成无重复数字的四位偶数 ()
(A) 60 个 (B) 106 个 (C) 156 个 (D) 216 个

16. (2022·广州模拟·★★★★) 用数字 0, 1, 2, 3, 4, 5 可以组成没有重复数字, 且比 20000 大的五位偶数共_____个.

《一数·高考数学核心方法》

17. (2023·天津和平三模·★★★★) 如图, 现要用 5 种不同的颜色对某市的 4 个区县的地图进行涂色, 要求有公共边的两个地区不能用同一种颜色, 共有_____种不同的涂色方法.

